

Methods of Investigating Brain function.

Neuro Psychology में शोध तथा अनुसंधान करने के लिए neuro psychologists के द्वारा कई विधियों को उपयोग में लाया जाता है। (जिनमें निम्नलिखित महत्वपूर्ण हैं) जिनमें कुछ methods ऐसे हैं जो nervous system की संरचना इसके interconnections को अनुसंधान करते हैं।

1. Anatomical Method:-

संरचनात्मक विधि न्युरोमैनेविज्ञान की ऐसी विधि है जिसका उपयोग पारम्परिक से ही किया जा रहा है। इस विधि के द्वारा nervous system के विभिन्न संरचनाओं के आकार, प्रकार, उसमें स्थिति तथा इसके interconnections के बारे में जानकारी प्राप्त की जाती है। विभिन्न संरचनाओं के interconnections को जानने के लिए यह विधि बहुत ही महत्वपूर्ण है। इसमें शरीर वाले नौ संवाद जिसे efferent या output कहते हैं तथा आगे वाले संवाद जिसे afferent या input कहते हैं के द्वारा brain के कार्य पर कुछ प्रकाश पड़ता है। परन्तु इस विधि की limitations यह हैं कि इसमें शरीर larger fiber tracts (bundle of neurons stretching from one area to the nervous system to another) की पहचान तो होती है परन्तु बहुत लघु लघु पथ की पहचान करने में यह विधि असमर्थ है। कुछ विधिमा ऐसी हैं जो कि इस limitation को पूरा करती हैं जैसे:

Techniques using Axoplasmic Transport -

Axoplasmic Transport एक ऐसी विधि है जिसमें शरीर सक्रिय प्रक्रिया (active process) है जिसके सहायते neuron के अंदर के तत्व पूरे neuron में एक से दुसरे हिस्से जाते हैं। ऐसे वाहन दो तरह

के होते हैं।

- (i) Anterograde transport-
- (ii) Retrograde transport.

Anterograde transport- के द्वारा neuron के केवल cell body से बने वाले पदार्थों जैसे प्रोटीन को Axon terminal में भेजा जाता है जैसे पदार्थ vesicles में संयोजित होते हैं जो फिर Axon की दिशा में microtubules की ओर चले जाते हैं। एक amino acid जैसे proline को brain के किसी क्षेत्र में खूब के द्वारा प्रवेश कराया जाता है उस क्षेत्र के neuron के cell body के द्वारा उसे ग्रहण कर लिया जाता है और फिर Axon के terminals की ओर भेज दिया जाता है। फिर विशेष विधि के द्वारा brain के संरचना को स्पष्ट रूप से पता लगाया जाता है।

Retrograde Transport- के द्वारा पदार्थों को Axon terminal से cell body की ओर ले जाया जाता है।

e. Radiological Method.

Nervous System की देखने की शक्ति शून्य और
कम होने की जाति में ही Radiological method
का उपयोग किया जाता है।

1. Structural Imaging Method -
2. Functional Imaging Method -

1. Structural Imaging Method के अंतर्गत निम्नलिखित विधियाँ हैं।

(i) Skull X-Ray - यह विधि Radiological
विधि की सबसे पुरानी तथा महत्वपूर्ण विधि
है। जिसमें मस्तिष्क के skull का केवल X-Ray
लिखा जाता है। X-Ray के द्वारा केवल ऑप्टिक
के अन्दर के fractures देखे जा सकते हैं।
ब्रैन फूसल के बारे में किसी प्रकार की
जानकारी प्राप्त नहीं होती है।

(ii) Cerebral angiography and Pneumoencephalography
इस विधि के द्वारा brain के artery तथा veins
को आसानी से देखा जा सकता है। इस विधि
के द्वारा रक्त विशेष प्रकार का रंग जैसे radiopaque
कहा जाता है, को रक्त के द्वारा cerebral circulation
में दे दिया जाता है जिससे वहाँ की artery तथा
veins को X-ray के द्वारा आसानी से देखा
जा सकता है।

(iii) Computerized Tomography (CT Scan) →

इस विधि में X-ray के beam को मस्तिष्क के
brain में प्रवेश कराया जाता है और फिर उस

धीरे धीरे धीरे सिर में रुक बूट (vare) के रूप में व्युत्पन्न जाता है ताकि सभी तरंग से मस्तिष्क की ध्वजा चित्र प्राप्त किया जा सके। इसके बाद इन चित्रों को कम्प्यूटर में डाला जाता है जो इस प्रकार की कुछ images उत्पन्न करती है जिससे brain के विभिन्न भागों में श्वासक अविद्युत density वाले स्क्वैमों में होने वाले सूक्ष्म परिवर्तनों का पता लगाया जा सकता है, साथ ही साथ cross section द्वारा से रुक image भी बन जाता है। CT scan के द्वारा language disorder, memory loss तथा stroke से होने वाले brain damage को आसानी से पता लगाया जा सकता है। इस विधि को 1970 के दशक में पहली बार उपयोग में लाया गया था।

Magnetic Resonance Imaging. (MRI)

इस प्रविधि में मस्तिष्क की प्रतिमा को एक तीव्र एवं मजबूत चुम्बकीय क्षेत्र (magnetic field) के सहाय्य प्राप्त किया जाता है। Hydrogen atom जो सभी जीवित ऊतक living tissue में पाये जाते हैं, जो जब magnetic field से expose किया जाता है तो इस से energy के कुछ measurable wave उत्पन्न होते हैं। MRI में इन तरंगों का मापा जाता है। और मस्तिष्क की images बनाने के लिए इसे combine किया जाता है। चूंकि इसी MRI प्रतिमाएं काफी सफाई होते हैं इसीलिए यह सारी मस्तिष्कीय विकृतियां एवं संरचनात्मक परिवर्तनों की पहचान करने में काफी लाभदायक है।

Functional Imaging Method.

Page No.
 Date

ए Radiological investigation की एक बहुत ही महत्वपूर्ण विधि है। जिसमें इसमें जीवित मस्तिष्क के विभिन्न क्षेत्रों के metabolic activities का अध्ययन करने के लिए मस्तिष्क में (इसमें विकृति या अन्य संरचनात्मक विकृतियों का अंदाजा लगाया जा सकता है।

1. Regional Cerebral Blood Flow or rCBF →

यह विधि मस्तिष्क की क्रियाओं का अध्ययन करने का एक काफी सरल एवं प्रभावी विधि है। इस विधि में एक radioactive isotope को भी तो वाष्पित शून्यता है या उसे सूई के द्वारा रसों में डाला जाता है। वाष्प के skull में एक विशेष पत्र लगा रहता है जो कि isotope के flow को मापता है। यह एक प्रकार से blood flow के marker के रूप में कार्य करता है। जिस से मस्तिष्क के विशेष भाग के metabolic activities को पता चलता है। इस प्रविधि के द्वारा यह देखा जाता है कि जब वाष्प कोई movement करता है तो उस समय इसके motor cortex में रक्त प्रवाह अधिक होता है। इसके प्रकार के सुते समय auditory center तथा लोलत समय Broca area में blood flow अधिक होता है।

2. Positron Emission Tomography - (PET)

इस विधि के द्वारा workly brain का अध्ययन किया है। PET Scan में harmless radioactive को पानी या glucose के साथ मिला कर

सूई के द्वारा व्यक्ति के नसों के माध्यम से आता जाता है। मस्तिष्क का जो क्षेत्र सबसे अधिक active होता है वह इन isotope को अधिक सोखता है। इस प्रकार brain के विभिन्न भागों का परीक्षा वैज्ञानिकों के हाथ डाक्टर के सामने आसानी से आ जाता है, इसे *in vivo functional autoradiography* भी कहा जाता है।

Single Photon Emission Computerized Tomography or (SPECT)

यह एक ऐसी प्रविधि है जिसमें

radiotracer की सूई मस्तिष्क के विशेष क्षेत्र में दिया जाता है इस radiotracer की विशेषता यह है कि इसे सामान्य normal brain tissue तथा pathological brain tissue द्वारा अलग अलग ढंग से absorb किया जाता है इस प्रकार सूई देने के बाद

उसके secretion (स्राव) की recording, gamma camera के द्वारा किया जाता है इस तरह के recording से एक प्रवाह के कारण उत्पन्न क्षत्रीय अंतर का पता आसानी से चल जाता है।

4. Functional Magnetic Resonance Imaging (fMRI). MRI का एक नवीन प्रकार है। इससे इतनी high resolution images का निर्माण होता है। जो कि brain tissue में ध्यान में रक्त में परिवर्तनों को भी दिखाते हैं। जो वहाँ अपने अंगुली बंगल के क्षेत्रों में रक्त प्रवाह को बढ़ा देते हैं इस से haemoglobin में परिवर्तन हो जाता है और रक्त के magnetic properties में परिवर्तन हो जाता है और इसकी पहचान fMRI प्रविधि द्वारा वैज्ञानिक आसानी से कर लेते हैं।



Endocrine System

pg-1

मनुष्य के शरीर में प्रभावक (effector) का महत्वपूर्ण अंग है जिसके द्वारा वह अपने कार्य को करता है। Effector के दो प्रमुख भाग हैं Muscles तथा Glands. Muscles के द्वारा व्यक्ति अपने वांछित कार्यों के साथ समायोजन स्थापित करता है तथा glands के द्वारा वह भीतरी वातावरण (internal environment) के साथ समायोजन स्थापित करता है। Internal balance को homeostasis कहते हैं।

Glands → शरीर में glands दो प्रकार की होती हैं (1) Exocrine gland: स्त्रावी ग्रन्थि तथा (2) Endocrine glands - अंतः स्त्रावी ग्रन्थि.

1. Exocrine जैसे glands को कहा जाता है जिसका स्राव विशेष पथ या duct द्वारा शरीर के बाहर निकल जाता है इसलिए इसे duct gland भी कहते हैं। इसका Secretion रक्त में नहीं मिलता है बल्कि वह शरीर के बाहर निकल जाता है जैसे tear glands, Saliva glands तथा sweat glands स्त्रावी। व्यक्ति के विकास तथा उसके व्यक्तित्व पर इसका कोई प्रभाव नहीं पड़ता है।

2. Endocrine glands → यह ऐसे glands को कहा जाता है जिसका Secretion directly रक्त में मिलता है। इसकी कोई नली नहीं होती है इसलिए इसे ductless gland कहा जाता है। Endocrine glands के Secretion को hormone कहा जाता है। Hormone का व्यक्ति के विकास तथा उसके emotional behaviour पर प्रभाव

electrochemical orchestra is their maestro we call the brain.

Anterior pituitary gland is source of hormones. It secretes tropic hormones which regulate the activity of target endocrine glands.

(i) Adrenocorticotropic hormone (ACTH) →
This hormone stimulates the activity of adrenal cortex which secretes steroid hormones.

(ii) Thyroid-stimulating hormone (TSH) →
This hormone stimulates the activity of thyroid gland.

(iii) Luteinizing hormone (LH) → This hormone stimulates the activity of sex glands.

(iv) Follicle-stimulating hormone (FSH) →
This hormone stimulates the activity of sex glands.

Prolactin → This hormone is responsible for milk production in mammary glands.

प्रभाव पड़ता है, hormone को रजत रसायनों
निकले जो शरीर के ^{tissue} को ^{control} करता है
और इसके ^{control} को भी प्रभावित करता
है। यह ^{growth, metabolism, mood, reproduction}
को ^{regulate} करता है।
ये महत्वपूर्ण Endocrine glands नियंत्रित
है।

① Pituitary glands → यह gland brain में
अवस्थित रहता है। इस gland का वजन लगभग
1cm³ होता है। यह
brain में hypothalamus के पास स्थित होता है।
यह hypothalamus को ^{control} करता है।
Pituitary gland को दो भाग हैं।

- ① Anterior pituitary gland
- ② Posterior pituitary gland.

दोनों के ^{control} प्रणाली ^{control} होता है।
Pituitary gland को ^{control} जिन hormone का
secretion होता है वह ^{growth}
यह प्रभाव ^{control} साथ ही साथ यह ^{control}
gland को ^{secretion} को भी नियंत्रित करता
है। इसको ही ^{control} Master gland
कहा जाता है।

This feedback system (brain → Pituitary →
other glands → hormones → brain)

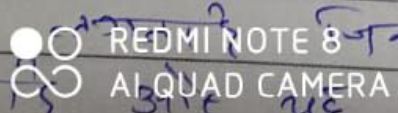
Sympathetic NS तथा Parasympathetic NS का
निर्माण तथा संश्लेषण होता है।

5. Pineal gland → यह gland brain में अवस्थित होता है। यह रक्त में इसके द्वारा निकलने वाले hormone को melatonin कहते हैं जो एक amine hormone है। यह gland Sympathetic NS विशेषकर superior cervical ganglion से अनुप्राणित (innervated) होता है। सुषुप्त में जब रेश्मि की रक्त में वृद्धि होती है तो यह gland, stimulate होता है जिससे melatonin की मात्रा में कमी आ जाती है जिसका परिणाम यह होता है कि शरीर का तापक्रम बढ़ जाता है तथा प्राणी अधिक सक्रिय हो जाता है। और वह अपने आप को दैनिक कार्य के लिए तैयार करता है। शाम होने पर जब रेश्मि की रक्त कम होता है तो pineal gland से अधिक मात्रा में melatonin निकलता है और शरीर का तापक्रम कम हो जाता है और व्यक्ति आराम करना चाहता है। मनोवैज्ञानिकों का मतलब है कि winter season में जब सूरज कई दिनों तक नहीं निकलता दिखता है तो रेश्मि रिश्मि में pineal gland अधिक मात्रा में melatonin secrete करने लग जाता है जिसके कारण कुछ व्यक्तियों में Seasonal Affective Disorder देखा जाता है।

Thyroid gland → इसका रचना कंठ के पास होता है। यह ग्रंथि के दो भागों में जो $Wolffian$ के दोषों और कंठ के पास होते हैं। इस gland के द्वारा जो कई तरह के hormone, secreted होते हैं जिसे Thyroxin कहते हैं। Thyroid gland से Calcitonin नामक hormone का भी secretion होता है जो हड्डियों में Calcium जमा होने में मदद करता है। Thyroid gland इस समय में काफी मात्रा में hormone को जमा करने रखते हैं और उन्हें धीरे धीरे मुक्त करते हैं। यह ग्रंथि करीब 100 दिनों तक आपूर्ति करने के बराबर hormone को संचित करने रखते हैं। (TSH) Thyroid Stimulating hormone जो कि Adrenal Pituitary से निकलता है वह ही इसको मात्रा को regulate करता है। Thyroxin का रक्त में सामान्य से कम मात्रा को hypothyroidism और अधिक मात्रा को hyperthyroidism कहा जाता है, यह दोनों ही बहुत ही सामान्य विकृतियां (disorder) हैं। जब Thyroid gland TSH के प्रति अनुक्रिया नहीं करता है तो उसे hypothyroidism कहते हैं। स्थिति उत्पन्न हो जाती है। Thyroid hormone शरीर का मात्रा रक्त से ही है जिसमें कि iodine होता है। Iodine का उत्पादन, iodine की आपूर्ति पर निर्भर करता है। यदि भोजन में iodine की उचित मात्रा नहीं होती है तो शरीर में iodine की कमी हो जाती है और अधिक से अधिक hormone, का उत्पादन होने लगता है जिससे Thyroid gland धूमिल हो जाता है और यह गंध (goiter) के रूप में प्रकट होता है।

Thyroid gland
5. Para
gland
के अ
horm
संचित
(level)
की
रक्त
मात्रा

6. Pa
के
Cl
ist
न
ह
थ
उ
C
F



Thyroxine hormone शरीर के metabolism को
भी प्रभावित करता है।

5. Parathyroid gland → यह gland thyroid
gland के अंदर में होता है इसका अर्थ है
के अंदर होता है इस ग्रंथि से निकलने वाला
hormone को Parathormone कहा जाता है। यह
शरीर में रक्त में कैल्शियम तथा phosphorus को
(renal) ^{होना} ~~होना~~ को regulate करता है। यह parathormone
को रक्त normal होता है जो calcium को
रक्त में शरीर में balance करता है और
activity active रहता है।

6. Pancreas → इस gland का स्थान stomach
के नीचे होता है। Pancreas, cells को एक
cluster (गुच्छ) के रूप में बना होता है। जिसे
islets langerhans कहा जाता है। यह ग्रंथि Exocrine
तथा endocrine दोनों के रूप में कार्य करता है।
Exocrine के रूप में इसका secretion छोटी आंत
में जाता है जिससे मांस में प्रोटीन तथा फैट
अलग हो जाते हैं। Endocrine gland के रूप में इसका
दा अंदर के hormones निकलते हैं जो इस gland में
स्थित दो विभिन्न cells से आते हैं।
Beta cell तथा Alpha cell।
Beta cell से secrete होने वाले hormones को
insuline कहते हैं। तथा Alpha cell से निकलने

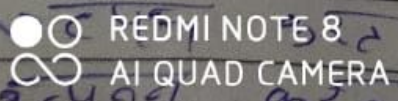


पात hormone की glucagon hormone को
 ये चीज hormones, Protein hormone को
 देता है और शरीर में body blood
 sugar को मात्रा insuline शरीर में नियंत्रित
 देता है, रक्त में चीजों को मात्रा को oxidized
 से शरीर को energy मिलती है। Pancreas
 उचित मात्रा में insuline निकाले देता है
 चीजों को मात्रा को oxidization देता है।
 जिससे शरीर को उचित ऊर्जा मिलती है।
 Insuline को मात्रा कम निकालने पर रक्त में
 चीजों को मात्रा को रक्त बढ़ जाता है।
 हम diabetes कहते हैं। कभी कभी insuline
 की secretion अधिक होने लगती है इसी
 अवस्था में चीजों को मात्रा बहुत कम हो जाती
 है। इस अवस्था को hypoglycemia कहें
 जाते हैं।

Sex gland →

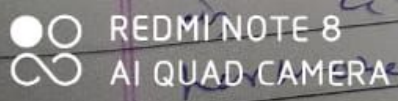
महिलाओं में Sex gland को ovary तथा
 पुरुषों के Sex gland को testicle या gonads
 कहते हैं।

Male Sex glands अर्थात् testes को
 अंदर कई तरह की cells पाई जाती हैं।
 जिनमें Sertoli cell तथा Leydig cell
 महत्वपूर्ण हैं। Sertoli cell, sperm
 तथा Leydig cell, hormone
 उत्पन्न करते हैं।



Testosterone का उत्पादन (production) अण्डा (ovulation) (release) का नियंत्रण pituitary gland से निकलने वाले Luteinizing hormone (LH) से होता है। दूसरी तरफ, इस pituitary hormone का नियंत्रण hypothalamus से निकलने वाले hormone जिसे gonadotropin-releasing hormone (GNRH) या Luteinizing hormone-releasing hormone के रूप में कहा जाता है। Testosterone-Testosterone और कई तरह के शारीरिक परिवर्तन होते हैं जो युवावस्था में पाए जाते हैं जैसे जैसे कि उंचा होना, शरीर के बाल आदि या लंबे आँसू, आवाज का भारी होना इत्यादि। इस परिवर्तन को secondary sex characteristics कहा जाता है। Internal sex organ में परिवर्तन को Primary sex characteristics कहा जाता है।

स्त्री के sex gland जिसे ovary कहा जाता है एक pair में होते हैं। और इससे से gamete अर्थात् egg एवं hormone निकलते हैं। ovary से निकलने वाला hormone एक cycle में निकलता है। जिस जिसकी आवृत्ति मिनट मिनट युवावस्था में मिनट 2 होता है। मानव में यह चक्र-चक्र सप्ताह का होता है। परन्तु बूढ़ों में मात्र चार दिन का होता है। ovary से दो तरह का steroid hormone उत्पन्न होता है। जिसे estrogens तथा Progesterin कहा जाता है। और इन hormone का नियंत्रण pituitary gland से निकलने वाले tropic hormone, Follicle-stimulating hormone (FSH) तथा Luteinizing hormone (LH) से होता है। इन hormones का नियंत्रण Luteinizing hormone-releasing hormone (LHRH) से होता है।



द्वारा होता है। Estrogene द्वारा स्त्री में सभी Secondary sex characteristics आवाप को महीन होना, शरीर के खाल पर बाल उठना, स्तन बढ़ जाना / Progesterone के द्वारा uterine contraction को ठीक ढंग से करने में मदद मिलती है। जिससे फलस्वरूप fetus का विकास ठीक ढंग से होता है।

Endocrine System

pg-1

मनुष्य के शरीर में प्रभावक (effector) का महत्वपूर्ण अंग है जिसके द्वारा वह अपने कार्य को करता है। Effector के दो प्रमुख भाग हैं Muscles तथा Glands. Muscles के द्वारा व्यक्ति अपने वांछित कार्यों के साथ समायोजन स्थापित करता है तथा glands के द्वारा वह भीतरी वातावरण (internal environment) के साथ समायोजन स्थापित करता है। Internal balance को homeostasis कहते हैं।

Glands → शरीर में glands दो प्रकार की होती हैं (1) Exocrine gland: स्त्रावी ग्रन्थि तथा (2) Endocrine glands - अंतः स्त्रावी ग्रन्थि.

1. Exocrine जैसे glands को कहा जाता है जिसका स्राव विशेष पथ या duct द्वारा शरीर के बाहर निकल जाता है इसलिए इसे duct gland भी कहते हैं। इसका Secretion रक्त में नहीं मिलता है बल्कि वह शरीर के बाहर निकल जाता है जैसे tear glands, Saliva glands तथा sweat glands स्त्रावी। व्यक्ति के विकास तथा उसके व्यक्तित्व पर इसका कोई प्रभाव नहीं पड़ता है।

2. Endocrine glands → यह ऐसे glands को कहा जाता है जिसका Secretion directly रक्त में मिलता है। इसकी कोई नली नहीं होती है इसलिए इसे ductless gland कहा जाता है। Endocrine glands के Secretion को hormone कहा जाता है। Hormone का व्यक्ति के विकास तथा उसके emotional behaviour पर प्रभाव

प्रभाव पड़ता है, hormone को रजत रसायनों
निकले जो शरीर के ^{tissue} को ^{control} करता है
और इसके ^{control} को भी प्रभावित करता
है। ये ^{control} ^{growth, metabolism, mood, reproduction}
को ^{regulate} करता है।
ये महत्वपूर्ण Endocrine glands नियंत्रित
है।

① Pituitary glands → ये gland brain में
अवस्थित रहता है। इस gland का वजन लगभग
1cm³ होता है। यह
brain में hypothalamus के पास स्थित होता है।
यह hypothalamus को ^{control} करता है।
Pituitary gland को दो भाग हैं।

- ① Anterior pituitary gland
- ② Posterior pituitary gland.

दोनों के ^{control} ^{प्रभाव} ^{मिशन} ^{होता है}।
Pituitary gland को ^{दो} ^{विभिन्न} ^{hormone} का
secretion होता है ^{जो} ^{growth}
या प्रभाव ^{दिलता है} साथ ही साथ यह ^{दूसरे}
gland को ^{secretion} को भी नियंत्रित करता
है। ^{इसलिए} ^{यह} ^{Master} ^{gland} ^{कहा} ^{जाता}
है।

This feedback system (brain → Pituitary →
other glands → hormones → brain)

electrochemical orchestra is that maestro we call the brain.

Anterior pituitary gland is source of hormones. It secretes tropic hormones which regulate the activity of target endocrine glands.

(i) Adrenocorticotropic hormone (ACTH) →
This hormone stimulates the anterior pituitary gland to secrete steroid hormones from the adrenal cortex.

(ii) Thyroid-stimulating hormone (TSH) →
This hormone stimulates the anterior pituitary gland to secrete thyroid hormone.

(iii) Luteinizing hormone (LH) → This hormone stimulates the sex glands to secrete sex hormones.

(iv) Follicle-stimulating hormone (FSH) →
This hormone stimulates the sex glands to secrete sex hormones.

Prolactin → This hormone stimulates the development of mammary glands and is essential for lactation.

(191) Growth Hormone (GH) → This hormone is Somatotrophic in nature. It is a protein metabolism and stimulates growth of body cells and tissues. It is secreted by anterior pituitary gland. It stimulates growth hormone and also secreted by somatotrophic cells. It is secreted by anterior pituitary gland. It stimulates growth hormone and also secreted by somatotrophic cells.

2 Adrenaline gland →

This gland, kidney is called adrenal gland. It is divided into outer part & inner part. Outer part is adrenaline cortex and inner part is adrenaline medulla. Adrenaline cortex, Adrenaline gland secretes 80% of adrenaline hormone. It secretes adrenaline hormone in the body for carbohydrates, salt metabolism and maintenance.

Adrenaline medulla is called as hormone gland.

- (i) Epinephrine
- (ii) Norepinephrine.

Adrenaline hormone is called as Catechol hormones. It is secreted by adrenal medulla. It is secreted by adrenal medulla.

Sympathetic NS तथा Parasympathetic NS का
निर्माण तथा संश्लेषण होता है।

5. Pineal gland → यह gland brain में
अवस्थित होता है। यह रक्त में अणुकार
का होता है। इससे निकलने वाले hormone को
melatonin कहा जाता है जो एक amine hormone
है। यह gland Sympathetic NS विशेषकर
superior cervical ganglion से अनुप्राणित
(innervated) होता है। सुबह में जब रोशनी का
स्तर में वृद्धि होती है तो यह gland, stimulate
होता है जिससे melatonin की मात्रा में कमी आ
जाती है जिसका परिणाम यह होता है कि
शरीर का तापक्रम बढ़ जाता है तथा प्राणी
अधिक सक्रिय हो जाता है। और वह अपने आप
को दैनिक कार्य के लिए तैयार करता है। शाम होने
पर जब रोशनी का स्तर कम होता है तो pineal
gland से अधिक मात्रा में melatonin निकलता है
और शरीर का तापक्रम कम हो जाता है और व्यक्ति
आराम करना चाहता है। मनोवैज्ञानिकों का मतलब है
कि winter season में जब सूरज कई दिनों तक
नहीं निकलता दिखता है तो ऐसे रिश्ते में pineal
gland अधिक मात्रा में melatonin secrete करने
लग जाता है जिसके कारण कुछ व्यक्तियों में
Seasonal Affective Disorder देखा जाता है।

Thyroid gland → इसका रचना कंठ के पास होता है। यह ग्रंथि के दो भागों में बंटा हुआ है जो दो दोषों के दोषों और कंठ के पास होते हैं। इस ग्रंथि के द्वारा जो कई तरह के hormone, secretory cells हैं जिसे Thyroxine कहते हैं। Thyroid gland यह Calcitonin नामक hormone का भी secretion करता है जो हड्डियों में Calcium जमा होने में मदद करता है। Thyroid gland इस समय में काफी मात्रा में hormone को जमा करने रखते हैं और उन्हें धीरे धीरे मुक्त करते हैं। यह ग्रंथि करीब 100 दिनों तक आपूर्ति करने के बराबर hormone को संचित करने रखते हैं। (TSH) Thyroid Stimulating hormone जो कि Adrenal Pituitary से निकलता है वह ही इसको मात्रा को regulate करता है। Thyroxine का रक्त में सामान्य से कम मात्रा को hypothyroidism और अधिक मात्रा को hyperthyroidism कहा जाता है, यह दोनों ही बहुत ही सामान्य विकृतियां (disorder) हैं। जब Thyroid gland TSH के प्रति अनुक्रिया नहीं करता है तो उसे hypothyroidism कहते हैं की स्थिति उत्पन्न हो जाती है। Thyroid hormone शरीर का मात्रा रक्त से रसा hormone है जिसमें कि iodine होता है। Iodine का उत्पादन, iodine की आपूर्ति पर निर्भर करता है। यदि भोजन में iodine की उचित मात्रा नहीं होती है तो शरीर में iodine की कमी हो जाती है और अधिक से अधिक hormone, का उत्पादन होने लगता है जिससे Thyroid gland बुरी तरह से और यह गैटर (goiter) के रूप में प्रकट होता है।

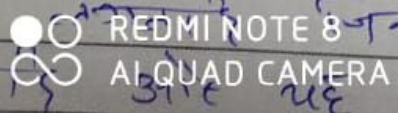
Th
भी →

5. Pan
gland
के अ
horm
संवे
रता
है।

(level)

रत
मा

6. Pa
के
Cl
ist
न
ह
अ
C
F



Thyroxine hormone शरीर के metabolism को
भी प्रभावित करता है।

5. Parathyroid gland → यह gland thyroid
gland के अंत में होता है इसका एक ही अणु
के अणु होता है इस अणु से निकलता है
hormone को Parathormone कहा जाता है। यह
शरीर में रक्त में कैल्शियम तथा phosphate को
(renal) ^{है} ^{है} को regulate करता है। यह parathormone
को रक्त normal होता है जो calcium को
रक्त में शरीर में balance करता है और
active रहता है।

6. Pancreas → इस gland का स्थान stomach
के नीचे होता है। Pancreas, cells को एक
cluster (गुच्छ) के रूप में बना होता है। जिसे
islets langerhans कहा जाता है। यह अणु exocrine
तथा endocrine दोनों के रूप में काम करता है।
Exocrine के रूप में इसका secretion छोटी आंत
में जाता है जिससे मांस में प्रोटीन तथा फैट
अलग हो जाता है। Endocrine gland के रूप में इसका
दा यह के hormones निकलता है जो इस gland में
स्थित दो विभिन्न cells से आते हैं।
Beta cell तथा Alpha cell।
Beta cell से secrete होने वाले hormones को
insuline कहते हैं। तथा Alpha cell से निकलता

काई-वर्ग एक ऐसा अपांचलिक सांख्यिकी (non-parametric statistics) है जिसका प्रयोग काई-वर्ग को जानना है। गिलफोर्ड (Gillford, 1956) के अनुसार काई-वर्ग एक सामान्य उद्देश्यीय सांख्यिकी है। काई-वर्ग का संकेत (symbol) χ^2 है। कर्ज तथा मेयो (Kurtz & Mayo, 1980) के अनुसार "काई-वर्ग का प्रयोग प्राम: गट निश्चित करने के लिए किया जाता है कि क्या प्रेक्षित आवृत्तियों (observed frequencies) का सेट ऐसा है जो मात्र संयोग परिवर्तनों के कारण उन आवृत्तियों से भिन्न है जो किसी तरह के सिद्धांत के आधार पर प्रत्याशित (expected) हैं।"

काई-वर्ग का प्रयोग जैसे आकड़ों के साथ होता है जिसे आवृत्ति (frequency), समानुपात (proportion) या प्रतिशत (percentage) में दिखाया जा सकता है। सामान्यत: जब प्राप्त आवृत्ति (obtained frequency or observed frequency) को किसी प्रकल्पना (hypothesis) पर आधारित प्रत्याशित आवृत्ति (expected frequency) के साथ तुलना करना होता है, तो काई-वर्ग का प्रयोग करते हैं। इस सांख्यिकी के प्रयोग के लिए आवश्यक है कि आंकड़े (data) आवृत्तियों (frequency) के रूप में व्यक्त किये गये हों या उन्हें इस रूप में परिवर्तित किया जाना संभव हो। सूत्र के आधार पर काई-वर्ग को इस प्रकार से परिभाषित किया जा सकता है -

$$\chi^2 = \frac{(fo - fe)^2}{fe}$$

FEBRUARY 2013						
M	T	W	T	F	S	S
				1	2	3
4	5	6	7	8	9	10
11	12	13	14	15	16	17
18	19	20	21	22	23	24
25	26	27	28			

कार्ड-वर्ग के प्रमुख लाभ निम्नलिखित हैं -

(i) यदि आँकड़ों आवृत्ति में हों तो कार्ड-वर्ग का प्रयोग तारीख करीब समी प्रकार के व्यापारिक उद्देश्यों के लिए किया जाता है।

(ii) कार्ड-वर्ग द्वारा आसानी से यह पता चल जाता है कि प्राप्त आवृत्तियाँ किसी प्राक्कल्पना या सिद्धांत पर आधारित आवृत्तियों के आकार में अच्छी तरह फीट बैठती हैं या नहीं।

कार्ड वर्ग की कुछ परिसीमाएँ (Limitations) भी हैं जो निम्नलिखित हैं -

(i) कार्ड-वर्ग द्वारा सिर्फ यह पता चलता है कि किसी एक चर पर का वर्गीकरण दूसरे चर पर के वर्गीकरण से संयोगवश से संबंधित है या नहीं।

(ii) कार्ड-वर्ग का प्रयोग उन आँकड़ों पर नहीं हो सकता जिसकी अभिव्यक्ति प्राप्तांकों (Scores) के रूप में हुई है तथा जिन्हें आवृत्ति में बदलना संभव नहीं होता है।

(iii) कार्ड-वर्ग एक अत्यन्त ही सरल एवं सुगम सांख्यिकी है जिसका गहन प्रयोग लोग वैसी परिस्थिति में भी कर देते हैं जहाँ उन्हें नहीं करना चाहिए।

इसके तथ्यों से स्पष्ट है कि χ^2 का प्रयोग अनावैज्ञानिक तथा शैक्षिक सांख्यिकी में अधिक होता है क्योंकि यह एक सामान्य उद्देशीय सांख्यिकी है।

FEBRUARY 2013						
M	T	W	T	F	S	S
				1	2	3
4	5	6	7	8	9	10
11	12	13	14	15	16	17
18	19	20	21	22	23	24
25	26	27	28			

गणों पर

 χ^2 = काई वर्ग (chi-square) f_o = प्राप्त आवृत्ति (observed frequency) f_e = प्रत्याशित आवृत्ति (Expected frequency)

इस सूत्र से स्पष्ट है कि काई-वर्ग f_o तथा f_e के अन्तर के वर्ग को f_e से भाग देने पर प्राप्त भागफल है।

काई-वर्ग के कई प्रयोग हैं जिनमें से कुछ निम्नलिखित हैं -

- (i) काई-वर्ग का प्रयोग वितरण की प्रसामान्यता (normality) जाँचने में की जाती है जिसे समानुक्तता (Goodness-of-fit) की संज्ञा दी गई है।
- (ii) इसका दूसरा प्रमुख प्रयोग स्वतंत्रता प्रकल्पना (independent hypothesis) पर प्रत्याशित आवृत्तियों की तुलना प्राप्त आवृत्तियों (obtained frequencies) से करने में की जाती है।
- (iii) काई-वर्ग का प्रयोग समान प्रायिकता प्रकल्पना (equal probability hypothesis) पर प्रत्याशित आवृत्तियों (expected frequencies) की तुलना प्राप्त आवृत्तियों (observed frequencies) से करने में होता है।
- (iv) काई-वर्ग का प्रयोग कई महत्वपूर्ण सांख्यिकीय मापदंडों की जाँच करने में की जाती है। जैसे - फाई-गुणांक, केन्डाल संज्ञाति गुणांक तथा क्रुस्कल-वालिश परीक्षण आदि।

JANUARY 2013						
M	T	W	T	F	S	S
	1	2	3	4	5	6
7	8	9	10	11	12	13
14	15	16	17	18	19	20
21	22	23	24	25	26	27
28	29	30	31			

(Product-Moment Correlation)

दो चरों के प्राप्तांकों के बीच सहसंबंध ज्ञात करने की यह एक महत्वपूर्ण विधि है। इस विधि का उन्निपादन कार्ल पियरसन (Karl Pearson, 1900) ने किया था। उस विधि को अंग्रेजी के छोटे अक्षर 'r' से चिह्नित करते हैं। यही कारण ज्ञात है। पियरसन आर आर (Pearson's) भी कहा से कुछ निम्नलिखित हैं -

$$r = \frac{\sum XY}{N \sum X \sum Y}$$

$$r = \frac{N \sum XY - \sum X \sum Y}{\sqrt{[N \sum X^2 - (\sum X)^2][N \sum Y^2 - (\sum Y)^2]}}$$

पियरसन आर आर एक ऐसी सांख्यिकी है जिसके कुछ महत्वपूर्ण पूर्वकल्पनाएँ (assumptions) हैं जिनपर वे आधारित होती हैं। कुछ पूर्वकल्पनाएँ निम्नलिखित हैं -

- (i) X तथा Y चर के प्राप्तांकों का संबंध रेखीय होना चाहिए। रेखीय संबंध जैसे संबंध को कहा जाता है जिसकी व्याख्या आलेख पर एक सीधी रेखा द्वारा हो सके।
- (ii) X तथा Y चरों के प्राप्तांकों में समविसारिता (homoscedasticity) होना चाहिए। समविसारिता का अर्थ है कि विकीर्ण आरेख के प्रत्येक से (row) तथा कॉलम (column) में प्राप्तांकों का विखराव करीब करीब बराबर होना चाहिए।

FEBRUARY 2013						
S	T	W	T	F	S	S
			1	2	3	
4	5	6	7	8	9	10
11	12	13	14	15	16	17
18	19	20	21	22	23	24
25	26	27	28			

30

Wednesday

2013

JANUARY

(iii) X तथा Y चर पर आने वाले प्राप्ति के भिन्न-भिन्न घुसम (paths) एक दूसरे से स्वतंत्र हैं।

(iv) दो चरों यानि X तथा Y चर जिनके बीच संबंध जात किया जा रहा है, सतत (continuous) हैं।

(v) पियरसन r के प्रयोग के लिए X तथा Y चरों के निरूपण को प्रसामान्य (normal) होना जरूरी नहीं है। कर्ज तथा मेयो (Kurtz & Mayo, 1950) के अनुसार "पियरसन r में प्रसामान्यता (normality) की पूर्वकल्पना नहीं की जाती है, किसी भी चर के निरूपण का आकार (sample) कुछ भी चरों न हो, इन दोनों चरों के रेखीय-संबंध की शक्ति (direction) का निर्धारण r द्वारा करना हमेशा उचित है।"

पियरसन r (Pearson r) की मात्रा (magnitude) शून्य (zero) अर्थात् 0.00 से 1.00 तक की होती है।

JANUARY 2013						
M	T	W	T	F	S	S
		1	2	3	4	5
7	8	9	10	11	12	13
14	15	16	17	18	19	20
21	22	23	24	25	26	27
28	29	30	31			

X	Y	X ²	Y ²	XY
20	12	400	144	240
18	16	324	256	288
16	10	256	100	160
15	14	225	196	210
13	12	169	144	156
12	10	144	100	120
12	9	144	81	108
10	7	100	49	70
8	7	64	49	56
5	2	25	04	10
$\Sigma X = 129$	$\Sigma Y = 99$	$\Sigma X^2 = 1851$	$\Sigma Y^2 = 1123$	$\Sigma XY = 1418$

$$r = \frac{N \Sigma XY - \Sigma X \Sigma Y}{\sqrt{[N \Sigma X^2 - (\Sigma X)^2][N \Sigma Y^2 - (\Sigma Y)^2]}}$$

$$= \frac{(10)(1418) - (129)(99)}{\sqrt{[(10)(1851) - (129)^2][(10)(1123) - (99)^2]}}$$

Sunday 03

$$= \frac{14180 - 12771}{\sqrt{(18510 - 16641)(11230 - 9801)}}$$

$$= \frac{1409}{\sqrt{(1869)(1429)}} = \frac{1409}{\sqrt{2670801}}$$

IRCH		2013	
T	W	F	S
		1	2
3	4	5	6
7	8	9	10
11	12	13	14
15	16	17	18
19	20	21	22
23	24	25	26
27	28	29	30
31			

$$= \frac{1409}{1634.26} = 0.86 \text{ Ans.}$$

Note: Correlation यदि सही बना होगा तो वह ± 1.00 से ज्यादा नहीं होगा। Ans: हमेशा 1.00 से नीचे ही होगा।

04

Monday

Questions for Practice -

2013
FEBRUARY

Q.1.

X	Y
65	60 - 1
72	65 - 2
49	40 - 3
58	52 - 4
70	67 - 5
58	60 - 6
47	45 - 7
52	44 - 8
N=8	

Q.2.

X	Y
10	20
18	35
16	40
15	16
13	19
18	35
20	41
25	42
12	20
14	19

Q.3. दो सेटों के बीच सहसंबंध गुणांक कार्ल पीयरसन विधि द्वारा ज्ञात करें।

Q.4. Product method द्वारा r ज्ञात करें।

set I	set II	X	Y
35	30	50	65
40	45	60	70
32	36	45	80
38	48	70	75
45	42	35	60
47	61	40	55
51	63	55	45
63	60	60	60
65	69	50	85
45	47	70	60

FEBRUARY 2013

M	T	W	T	F	S	S
			1	2	3	
4	5	6	7	8	9	10
11	12	13	14	15	16	17
18	19	20	21	22	23	24
25	26	27	28			

(Product-Moment Correlation)

दो चरों के प्राप्तांकों के बीच सहसंबंध ज्ञात करने की यह एक महत्वपूर्ण विधि है। इस विधि का उन्निपादन कार्ल पियरसन (Karl Pearson, 1900) ने किया था। इस विधि को अंग्रेजी के छोटे अक्षर 'r' से चिह्नित करते हैं। यही कारण ज्ञात है। पियरसन आर आर (Pearson's) भी कहा से कुछ निम्नलिखित हैं -

$$r = \frac{\sum XY}{N \sum X \sum Y}$$

$$r = \frac{N \sum XY - \sum X \sum Y}{\sqrt{[N \sum X^2 - (\sum X)^2][N \sum Y^2 - (\sum Y)^2]}}$$

पियरसन आर आर एक ऐसी सांख्यिकी है जिसके कुछ महत्वपूर्ण पूर्वकल्पनाएँ (assumptions) हैं जिनपर वे आधारित होती हैं। कुछ पूर्वकल्पनाएँ निम्नलिखित हैं -

- (i) X तथा Y चर के प्राप्तांकों का संबंध रेखीय होना चाहिए। रेखीय संबंध जैसे संबंध को कहा जाता है जिसकी व्याख्या आलेख पर एक सीधी रेखा द्वारा हो सके।
- (ii) X तथा Y चरों के प्राप्तांकों में समविसारिता (homoscedasticity) होना चाहिए। समविसारिता का अर्थ है कि विकीर्ण आरेख के प्रत्येक से (row) तथा कॉलम (column) में प्राप्तांकों का विखराव करीब करीब बराबर होना चाहिए।

FEBRUARY 2013						
S	T	W	T	F	S	S
			1	2	3	
4	5	6	7	8	9	10
11	12	13	14	15	16	17
18	19	20	21	22	23	24
25	26	27	28			

30

Wednesday

2013

JANUARY

(iii) X तथा Y चर पर आने वाले प्राप्ति के भिन्न-भिन्न घुसम (paths) एक दूसरे से स्वतंत्र हैं।

(iv) दो चरों यानि X तथा Y चर जिनके बीच संबंध जात किया जा रहा है, सतत (continuous) हैं।

(v) पियरसन r के प्रयोग के लिए X तथा Y चरों के निरूपण को प्रसामान्य (normal) होना जरूरी नहीं है। कर्ज तथा मेयो (Kurtz & Mayo, 1950) के अनुसार "पियरसन r में प्रसामान्यता (normality) की पूर्णकल्पना नहीं की जाती है, किसी भी चर के निरूपण का आकार (sample) कुछ भी चरों न हो, इन दोनों चरों के रेखीय-संबंध की शक्ति (direction) का निर्धारण r द्वारा करना हमेशा उचित है।"

पियरसन r (Pearson r) की मात्रा (magnitude) शून्य (zero) अर्थात् 0.00 से 1.00 तक की होती है।

JANUARY 2013						
M	T	W	T	F	S	S
	1	2	3	4	5	
7	8	9	10	11	12	
14	15	16	17	18	19	
21	22	23	24	25	26	
28	29	30	31			

X	Y	X ²	Y ²	XY
20	12	400	144	240
18	16	324	256	288
16	10	256	100	160
15	14	225	196	210
13	12	169	144	156
12	10	144	100	120
12	9	144	81	108
10	7	100	49	70
8	7	64	49	56
5	2	25	04	10
$\Sigma X = 129$	$\Sigma Y = 99$	$\Sigma X^2 = 1851$	$\Sigma Y^2 = 1123$	$\Sigma XY = 1418$

$$r = \frac{N \Sigma XY - \Sigma X \Sigma Y}{\sqrt{[N \Sigma X^2 - (\Sigma X)^2][N \Sigma Y^2 - (\Sigma Y)^2]}}$$

$$= \frac{(10)(1418) - (129)(99)}{\sqrt{[(10)(1851) - (129)^2][(10)(1123) - (99)^2]}}$$

Sunday 03

$$= \frac{14180 - 12771}{\sqrt{(18510 - 16641)(11230 - 9801)}}$$

$$= \frac{1409}{\sqrt{(1869)(1429)}} = \frac{1409}{\sqrt{2670801}}$$

IRCH		2013						
T	W	T	F	S	S			
			1	2	3			
5	6	7	8	9	10			
12	13	14	15	16	17			
19	20	21	22	23	24			
26	27	28	29	30	31			

$$= \frac{1409}{1634.26} = 0.86 \text{ Ans.}$$

Note: Correlation यदि सही बना होगा तो वह +1.00 से ज्यादा नहीं होगा। Ans: हमेशा 1.00 से नीचे ही होगा।

04

Monday

Questions for Practice -

2013
FEBRUARY

Q.1.

X	Y
65	60 - 1
72	65 - 2
49	40 - 3
58	52 - 4
70	67 - 5
58	60 - 6
47	45 - 7
52	44 - 8
N=8	

Q.2.

X	Y
10	20
18	35
16	40
15	16
13	19
18	35
20	41
25	42
12	20
14	19

Q.3. दो सेटों के बीच सहसंबंध गुणांक कार्ल पीयरसन विधि द्वारा ज्ञात करें।

Q.4. Product method द्वारा r ज्ञात करें।

set I	set II	X	Y
35	30	50	65
40	45	60	70
32	36	45	80
38	48	70	75
45	42	35	60
47	61	40	55
51	63	55	45
63	60	60	60
65	69	50	85
45	47	70	60

FEBRUARY 2013

M	T	W	T	F	S	S
			1	2	3	
4	5	6	7	8	9	10
11	12	13	14	15	16	17
18	19	20	21	22	23	24
25	26	27	28			

(प्रसामान्य वितरण वक्र)

सांख्यिकी सिद्धांतों का सही अर्थ में विकास 17वीं शताब्दी के बीच शुरू हुआ। उस समय सांख्यिकी के एक महत्वपूर्ण सिद्धांत का जन्म हुआ जिसे प्रसामान्यता का सिद्धांत (the theory of probability) कहा गया। सन 1733 में जे. अब्राहम डी गॉस ने प्रसामान्य वक्र का एक सूत्र निकाला और तब से इसका प्रयोग और भी अधिक प्रचलित हो गया। फिर 19वीं शताब्दी के आरंभ में कार्ल फ्रेडरिक गॉस ने प्रसामान्य वक्र का प्रयोग नक्षत्रशास्त्र (Astronomy) की समस्याओं के अध्ययन में काफी किया। गॉस मरीचक के इन अध्ययनों के कारण प्रसामान्य वक्र को गॉसियन वक्र (Gaussian Curve) भी कहा जाता है। 19वीं शताब्दी के अंत में सर फ्रैंसिस गाल्टन ने प्रसामान्य वक्र को मनोविज्ञान के लिए काफी महत्वपूर्ण बताया।

प्रसामान्यता के सिद्धांत को इस प्रकार से समझा जा सकता है - किसी भी कार्य या घटना को करते समय दो प्रकार की संभावनाएँ हो सकती हैं - कार्य की सफलता (Success) की तथा कार्य की असफलता (Failure) की। इसी प्रकार से यदि सिक्के को उछाला जाए तो इस बात की संभावना बनी रहती है कि या तो सिक्का चित्त गिरेगा या पट अर्थात् 50-50% की संभावना बनी रहती है।

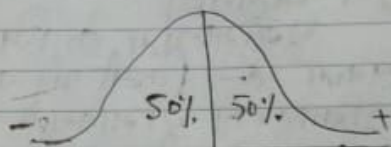
प्रसामान्यता अनुपात की सीमा हमेशा .00 अर्थात् घटना की पूर्ण असंभवता (impossibility) तथा 1.00 अर्थात् घटना की पूर्ण संभवता (possibility) की होती है। कोई भी प्रसामान्यता अनुपात हमेशा इन सीमाओं के बीच में आता है। प्रसामान्य वक्र का जन्म इसी प्रसामान्यता के सिद्धांत से हुआ है।

FEBRUARY 2013						
M	T	W	T	F	S	S
				1	2	3
4	5	6	7	8	9	10
11	12	13	14	15	16	17
18	19	20	21	22	23	24
25	26	27	28	29	30	31

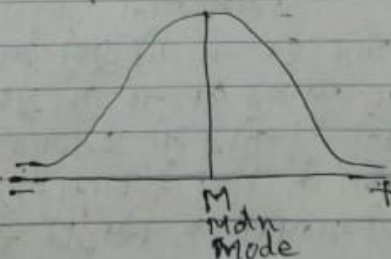
प्रसामान्य वितरण (normal distribution) के आंकड़ों के आधार पर जो वक्र (curve) बनता है, उसे प्रसामान्य वक्र (normal curve) या प्रसामान्य वितरण वक्र (normal distribution curve) कहा जाता है। प्रसामान्य वितरण वह वितरण होता है जिसमें बहुत सारे केसेज आपनी (scale) के बीच में आते हैं तथा बहुत कम केसेज आपनी के ऊपरी छोर (high ends) तथा निचले छोर (low ends) पर आते हैं।

प्रसामान्य वक्र की कुछ प्रमुख विशेषताएँ हैं जो निम्नलिखित हैं—

- (i) प्रसामान्य वक्र सममित (symmetrical) होते हैं। अर्थात् प्रसामान्य वक्र के बाएँ भाग तथा दाएँ भाग दोनों बराबर होते हैं। यदि इन्हें मोड़ा जाए तो वे एक दूसरे को ढक लेंगे।



- (ii) प्रसामान्य वक्र में माध्य (mean), माध्यिका (median) तथा बहुलक (mode) सम्बन्धीक रूप से एक होते हैं तथा तीक बीचों-बीच एक ही बिन्दु पर केन्द्रित होते हैं।



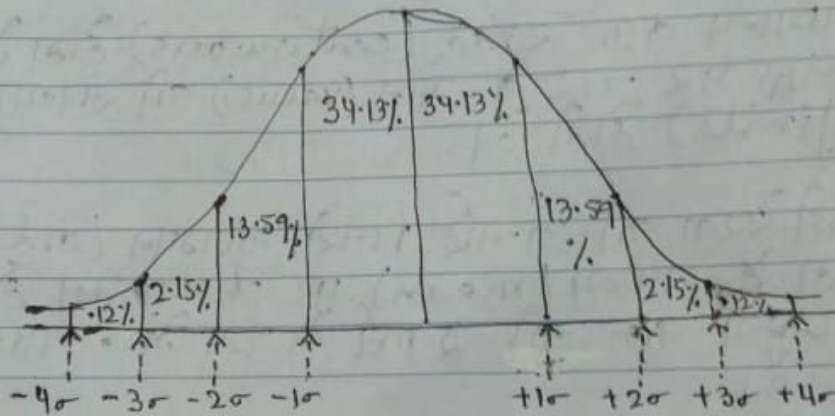
JANUARY 2013						
M	T	W	T	F	S	S
	1	2	3	4	5	6
7	8	9	10	11	12	13
14	15	16	17	18	19	20
21	22	23	24	25	26	27
28	29	30	31			

8

Friday

viii

प्रसामान्य वक्र में वक्र के कुल क्षेत्र का 68.26% माध्य (mean) $\pm 1\sigma$ से लेकर -1σ के बीच होता है। इस वक्र के कुल क्षेत्र का 95.44% माध्य $\pm 2\sigma$ के बीच में होता है। इस प्रकार से वक्र के कुल क्षेत्र का 99.73% माध्य $\pm 3\sigma$ के बीच तथा वक्र का 99.97% माध्य $\pm 4\sigma$ के बीच पड़ता है।



JANUARY 2013						
M	T	W	T	F	S	S
	1	2	3	4	5	6
7	8	9	10	11	12	13
14	15	16	17	18	19	20
21	22	23	24	25	26	27
28	29	30	31			

JANUARY

Thursday

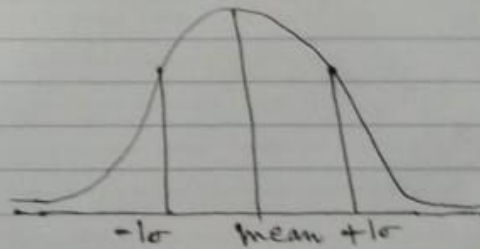
(iii) प्रसामान्य वक्र अनन्तस्पर्शी (asymptotic) होता है। अर्थात् यह कभी भी आधार-रेखा (baseline) को स्पर्श नहीं करता है।

(iv) प्रसामान्य वक्र घंटाकार (bell shaped) होता है। विराम का सबसे अधिक केसल बीच में होता है।

(v) प्रसामान्य वक्र सतत (continuous) होता है। फलस्वरूप X अक्ष पर चर के मान (value) की संख्या अनन्त (infinite) होती है।

(vi) शीर्ष-रेखा की ऊंचाई जिसे भुजमान (ordinate) कहा जाता है, माध्य (mean) पर अधिकतम होता है और प्रसामान्य वक्र की उकाई के रूप में उपकरण के बराबर होता है।

(vii) प्रसामान्य वक्र में ± 1.00 सिग्मा प्राप्ति (sigma score) पर मोड़ (inflection) उपलब्ध हो जाता है जिसके फलस्वरूप इन बिन्दुओं पर वक्र X-अक्ष (x axis) के संदर्भ में उत्तल (convex) से बदलकर अवतल (concave) हो जाता है।

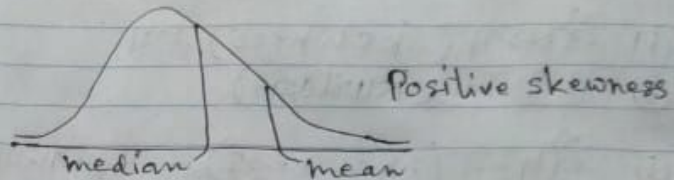


FEBRUARY 2013						
M	T	W	T	F	S	S
			1	2	3	
4	5	6	7	8	9	10
11	12	13	14	15	16	17
18	19	20	21	22	23	24
25	26	27	28			

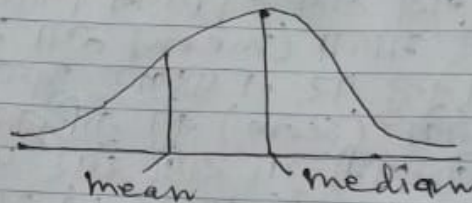
वैषम्य दो प्रकार के होते हैं -

- (i) धनात्मक वैषम्य (Positive skewness) तथा
- (ii) ऋणात्मक वैषम्य (Negative skewness)

- (i) धनात्मक वैषम्य - धनात्मक वैषम्य उस तरह के वितरण में पाया जाता है जहाँ शायदों का केन्द्रीकरण वितरण के बायीं छोर (left extreme) या मापनी की निचले छोर (low end) पर होता है तथा माध्य (mean) माध्यिका (median) के दायीं ओर होता है।



- (ii) ऋणात्मक वैषम्य - ऋणात्मक वैषम्य उस प्रकार के वितरण में पाया जाता है जहाँ शायदों का केन्द्रीकरण वितरण की दायीं छोर (right extreme) या मापनी की ऊपरी छोर (higher end) पर होता है तथा माध्य माध्यिका की बायीं ओर होता है।



- (2) ककुदता (Kurtosis) - प्रसामान्य वितरण (normal distribution) की तुलना में यदि आवृत्ति - वितरण (frequency distribution)

JANUARY 2013						
M	T	W	T	F	S	S
	1	2	3	4	5	6
7	8	9	10	11	12	13
14	15	16	17	18	19	20
21	22	23	24	25	26	27
28	29	30	31			

Skewness and Kurtosis

प्रसामान्य वितरण (normal distribution) में बहुत सारे केंद्रित वितरण के बीच में आते हैं तथा वितरण के दोनों छोरों (extremes) की ओर बढ़ने पर केंद्रित धीरे-धीरे कम होते जाते हैं। लेकिन कभी कभी आंकड़ों समान रूप से वितरित नहीं होते होते बल्कि बिन्न होते हैं, यह किन्तु या अपसरण (divergence) मुख्यतः दो प्रकार के होते हैं -

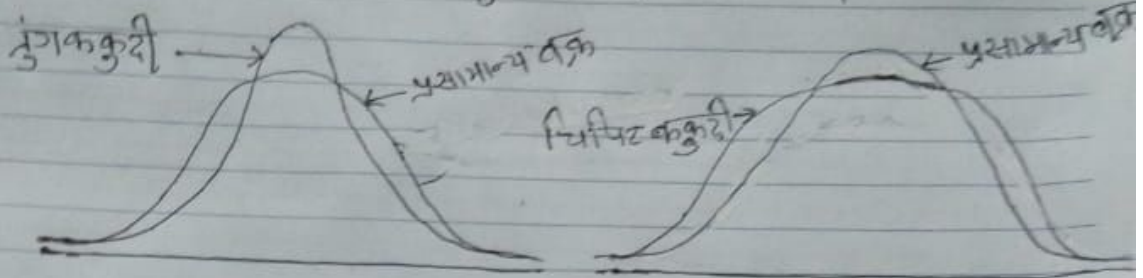
- ① वैषम्य (Skewness) तथा
- ② ककुदता (Kurtosis)

① वैषम्य (Skewness) - प्रसामान्य वक्र में माध्य, माध्यिका तथा बहुलक एक ही बिन्दु पर पड़ते हैं तथा उन तीनों का मान (value) संख्यात्मक रूप से (numerically) बराबर होता है। इसके फलस्वरूप प्रसामान्य वक्र की आकृति काफी संतुलित (balanced) दिखाई पड़ता है क्योंकि इसका दायी और बायाँ भाग एक दूसरे के बराबर होता है। लेकिन विषम वितरण (skewed distribution) में ऐसा नहीं होता है। विषम वितरण वह वितरण है जिसमें माध्य (mean) तथा माध्यिका (median) एक ही बिन्दु पर न पड़कर अलग-अलग पड़ते हैं तथा प्राप्ती (score) का केंद्रीकरण (centralization) वितरण के बायीं या दायीं छोर पर हो जाता है।

FEBRUARY 2013						
M	T	W	T	F	S	S
			1	2	3	
4	5	6	7	8	9	10
11	12	13	14	15	16	17
18	19	20	21	22	23	24
25	26	27	28			

प्रसामान्य वक्र में माध्य एवं माध्यिका बराबर (equal) होते हैं इसीलिए वैषम्य शून्य होता है। लेकिन विषम वितरण में माध्य तथा माध्यिका में अन्तर होता है। माध्य एवं माध्यिका में जितना बड़ा अन्तर होगा, वैषम्य उतना ही बड़ा होता है।

अधिक नुकीला (peaked) या चिपटा (flat) होता है, तो उसे ककुदता (kurtosis) कहते हैं। आलेख (गुणक) पर अंकित करने पर जब कोई आवृत्ति वितरण प्रसामान्य वितरण से अधिक नुकीला होता है तो उसे लुंगककुदी (leptokurtic) कहते हैं तथा जब वह वितरण प्रसामान्य वितरण की तुलना में अधिक चिपटा होता है तो उसे चिपिटककुदी (platykurtic) कहते हैं।



ARY	2013			
V	T	F	S	S
	1	2	3	
7	8	9	10	
14	15	16	17	
21	22	23	24	
28				

Correlation

साधारणतः सहसंबंध का अर्थ दो वस्तुओं, घटनाओं अथवा तथ्यों (facts) के आपसी संबंध (association) से होता है। सांख्यिकी (statistics) में सहसंबंध से तात्पर्य दो चरों या परीक्षणों पर के प्राप्तियों में निहित संबंध से होता है। गालफोर्ड (Gallford, 1965) के अनुसार "सहसंबंध गुणांक वह अंक है जो यह बताता है कि दो वस्तुएं कहां तक संबंधित हैं तथा कहां तक एक में परिवर्तन होने से दूसरे में भी परिवर्तन होता है।" डोन्वॉल्ड एवं हेल्म (Donwald & Heath, 1970) के अनुसार "सहसंबंध मुख्यतः दो चरों के बीच के संबंधों की माप है।"

अधिकतर सहसंबंध गुणांक को ± 1.00 से -1.00 तक में अभिव्यक्त किया जाता है। ± 0.70 से ± 1.00 तक के सहसंबंध गुणांक को उच्च सहसंबंध कहा जाता है, परन्तु यदि गुणांक ± 0.50 से अधिक परन्तु ± 0.70 से कम हो तो उसे पर्याप्त सहसंबंध माना जाता है। यदि सहसंबंध गुणांक ± 0.20 से ज्यादा तथा ± 0.50 से कम हो तो उसे निम्न सहसंबंध (low correlation) माना जाता है। तथा यदि सहसंबंध ± 0.20 से कम हो तो सहसंबंध नगण्य (ना के बराबर) समझा जाता है। सहसंबंध से दो बातें ज्ञात होती हैं, पहला यह कि दो चरों के बीच संबंध की मात्रा कितनी है तथा दूसरा यह कि संबंध की दिशा क्या है।

सहसंबंध के प्रकार (Types of correlation) - विशेषज्ञों ने सहसंबंध के मुख्य दो प्रकारों को चर्चा की है -

- (क) गुणात्मक सहसंबंध (Qualitative Correlation)
- (ख) परिणात्मक सहसंबंध (Quantitative Correlation)

JANUARY	2013
S	M
1	2
3	4
5	6
7	8
9	10
11	12
13	14
15	16
17	18
19	20
21	22
23	24
25	26
27	28
29	30
31	

(Product-Moment Correlation)

दो चरों के प्राप्तांकों के बीच सहसंबंध ज्ञात करने की यह एक महत्वपूर्ण विधि है। इस विधि का उन्निपादन कार्ल पियरसन (Karl Pearson, 1900) ने किया था। उस विधि को अंग्रेजी के छोटे अक्षर 'r' से चिह्नित करते हैं। यही कारण ज्ञात है। पियरसन आर आर (Pearson's) भी कहा से कुछ निम्नलिखित हैं -

$$r = \frac{\sum XY}{N \sum X \sum Y}$$

$$r = \frac{N \sum XY - \sum X \sum Y}{\sqrt{[N \sum X^2 - (\sum X)^2][N \sum Y^2 - (\sum Y)^2]}}$$

पियरसन आर आर एक ऐसी सांख्यिकी है जिसके कुछ महत्वपूर्ण पूर्वकल्पनाएँ (assumptions) हैं जिनपर वे आधारित होती हैं। कुछ पूर्वकल्पनाएँ निम्नलिखित हैं -

- (i) X तथा Y चर के प्राप्तांकों का संबंध रेखीय होना चाहिए। रेखीय संबंध जैसे संबंध को कहा जाता है जिसकी व्याख्या आलेख पर एक सीधी रेखा द्वारा हो सके।
- (ii) X तथा Y चरों के प्राप्तांकों में समविसारिता (homoscedasticity) होना चाहिए। समविसारिता का अर्थ है कि विकीर्ण आरेख के प्रत्येक से (row) तथा कॉलम (column) में प्राप्तांकों का विस्तार व कमी व शक्ति होना चाहिए।

FEBRUARY 2013						
S	T	W	T	F	S	S
			1	2	3	
4	5	6	7	8	9	10
11	12	13	14	15	16	17
18	19	20	21	22	23	24
25	26	27	28			

(शु) परिणात्मक सहसंबंध (Quantitative Correlation)-

जब दो चरों (variables) या परीक्षणों के प्राप्तांकों को संख्या द्वारा व्यक्त किया जाता है तो उसे परिणात्मक सहसंबंध कहते हैं। परिणात्मक सहसंबंध या संख्यात्मक सहसंबंध के निम्नलिखित तीन प्रकार होते हैं:-

- (i) धनात्मक सहसंबंध (Positive Correlation)
- (ii) ऋणात्मक सहसंबंध (Negative Correlation) तथा
- (iii) शून्य सहसंबंध (Zero correlation)

(i) धनात्मक सहसंबंध - जब दो चरों के बीच का संबंध ऐसा होता है कि एक में किसी प्रकार का परिवर्तन होने से दूसरे में भी ठीक उसी प्रकार का परिवर्तन होता है तो उस संबंध को धनात्मक सहसंबंध कहते हैं। जैसे - आयु वृद्धि के साथ-साथ परिपक्वता में वृद्धि होना, धनात्मक सहसंबंध है।

(ii) ऋणात्मक सहसंबंध - जब दो चरों के बीच का संबंध ऐसा होता है कि एक में वृद्धि होने पर दूसरे में घटने की प्रवृत्ति पाई जाती है तो यह ऋणात्मक सहसंबंध कहलाता है। जैसे - थकान और सीखना, जैसे जैसे व्यक्ति में थकान बढ़ती है वैसे-वैसे सीखने की मात्रा में कमी आ जाती है। इससे स्पष्ट है कि ऋणात्मक सहसंबंध द्वारा दो चरों के बीच विपरीतात्मक संबंध का पता चलता है।

(iii) शून्य सहसंबंध - जब दो चरों के बीच किसी प्रकार का संगत संबंध (consistent relationship) का पता नहीं चलता है तो उसे शून्य सहसंबंध कहते हैं। इसकी अभिव्यक्ति 0.00 से की जाती है।

FEBRUARY 2013						
M	T	W	T	F	S	S
				1	2	3
4	5	6	7	8	9	10
11	12	13	14	15	16	17
18	19	20	21	22	23	24
25	26	27	28			

Sunday 27

25

Friday

025-340

2013

JANUARY

(क) गुणात्मक सहसंबंध - जब दो चरों या दो परीक्षणों से प्राप्त प्राप्ति (scores) में सहसंबंध किसी विशेष गुणों को सीधी रेखा या टेढ़ी-मेढ़ी रेखा द्वारा व्यक्त किया जाए तो उसे गुणात्मक सहसंबंध कहते हैं। गुणात्मक सहसंबंध के निम्नलिखित दो प्रकार होते हैं -

(i) रेखीय सहसंबंध (Linear Correlation) - जब दो चरों या दो परीक्षणों से प्राप्त प्राप्ति के सहसंबंध को एक सीधी (straight line) द्वारा व्यक्त किया जाता है तो उसे रेखीय सहसंबंध कहते हैं। जैसे - व्यक्ति की लम्बाई और वजन के सहसंबंध को एक सीधी रेखा द्वारा दर्शाया जा सकता है। जैसे - जैसे व्यक्ति की लम्बाई बढ़ती है वैसे-वैसे उसका वजन भी बढ़ता जाता है।

(ii) वक्ररेखीय या अरेखीय सहसंबंध (Curvilinear or Nonlinear Relationship) - जब दो चरों या परीक्षणों पर के प्राप्ति के बीच के संबंध को टेढ़ी-मेढ़ी रेखा या वक्र रेखा द्वारा व्यक्त किया जाता है तो उसे वक्ररेखीय या अरेखीय सहसंबंध कहते हैं। जैसे - सीखना एवं अभ्यास की मात्रा के बीच के सहसंबंध को एक ऐसी ही वक्ररेखा द्वारा व्यक्त किया जा सकता है। एक खास सीमा तक अभ्यास के साथ-साथ सीखने की मात्रा भी बढ़ती है। लेकिन उसके बाद भी यदि अभ्यास जारी रहती है तो सीखने की मात्रा में पकान के कारण कमी आ जाती है।

JANUARY 2013						
M	T	W	T	F	S	S
	1	2	3	4	5	6
7	8	9	10	11	12	13
14	15	16	17	18	19	20
21	22	23	24	25	26	27
28	29	30	31			

25

Friday

025-340

2013

JANUARY

(क) गुणात्मक सहसंबंध - जब दो चरों या दो परीक्षणों से प्राप्त प्राप्ति (scores) में सहसंबंध किसी विशेष गुणों को सीधी रेखा या टेढ़ी-मेढ़ी रेखा द्वारा व्यक्त किया जाए तो उसे गुणात्मक सहसंबंध कहते हैं। गुणात्मक सहसंबंध के निम्नलिखित दो प्रकार होते हैं -

(i) रेखीय सहसंबंध (Linear Correlation) - जब दो चरों या दो परीक्षणों से प्राप्त प्राप्ति के सहसंबंध को एक सीधी (straight line) द्वारा व्यक्त किया जाता है तो उसे रेखीय सहसंबंध कहते हैं। जैसे - व्यक्ति की लम्बाई और वजन के सहसंबंध को एक सीधी रेखा द्वारा दर्शाया जा सकता है। जैसे - जैसे व्यक्ति की लम्बाई बढ़ती है वैसे-वैसे उसका वजन भी बढ़ता जाता है।

(ii) वक्ररेखीय या अरेखीय सहसंबंध (Curvilinear or Nonlinear Relationship) - जब दो चरों या परीक्षणों पर के प्राप्ति के बीच के संबंध को टेढ़ी-मेढ़ी रेखा या वक्र रेखा द्वारा व्यक्त किया जाता है तो उसे वक्ररेखीय या अरेखीय सहसंबंध कहते हैं। जैसे - सीखना एवं अभ्यास की मात्रा के बीच के सहसंबंध को एक ऐसी ही वक्ररेखा द्वारा व्यक्त किया जा सकता है। एक खास सीमा तक अभ्यास के साथ-साथ सीखने की मात्रा भी बढ़ती है। लेकिन उसके बाद भी यदि अभ्यास जारी रहती है तो सीखने की मात्रा में पकान के कारण कमी आ जाती है।

JANUARY 2013						
M	T	W	T	F	S	S
	1	2	3	4	5	6
7	8	9	10	11	12	13
14	15	16	17	18	19	20
21	22	23	24	25	26	27
28	29	30	31			

X	Y	X ²	Y ²	XY
20	12	400	144	240
18	16	324	256	288
16	10	256	100	160
15	14	225	196	210
13	12	169	144	156
12	10	144	100	120
12	9	144	81	108
10	7	100	49	70
8	7	64	49	56
5	2	25	04	10
$\Sigma X = 129$	$\Sigma Y = 99$	$\Sigma X^2 = 1851$	$\Sigma Y^2 = 1123$	$\Sigma XY = 1418$

$$r = \frac{N \Sigma XY - \Sigma X \Sigma Y}{\sqrt{[N \Sigma X^2 - (\Sigma X)^2][N \Sigma Y^2 - (\Sigma Y)^2]}}$$

$$= \frac{(10)(1418) - (129)(99)}{\sqrt{[(10)(1851) - (129)^2][(10)(1123) - (99)^2]}}$$

Sunday 03

$$= \frac{14180 - 12771}{\sqrt{(18510 - 16641)(11230 - 9801)}}$$

$$= \frac{1409}{\sqrt{(1869)(1429)}} = \frac{1409}{\sqrt{2670801}}$$

RCH		2013	
T	W	F	S
		1	2
3	4	5	6
7	8	9	10
11	12	13	14
15	16	17	18
19	20	21	22
23	24	25	26
27	28	29	30
			31

$$= \frac{1409}{1634.26} = 0.86 \text{ Ans.}$$

Note: Correlation यदि सही बना होगा तो वह ± 1.00 से ज्यादा नहीं होगा। Ans: हमेशा 1.00 से नीचे ही होगा।

30

Wednesday

2013

JANUARY

(iii) X तथा Y चर पर आने वाले घाटकों के भिन्न-भिन्न घुसम (paths) एक दूसरे से स्वतंत्र हों।

(iv) दो चरों यानि X तथा Y चर जिनके बीच सहसंबंध ज्ञात किया जा रहा है, सतत (continuous) हों।

(v) पियरसन r के प्रयोग के लिए X तथा Y चरों के निरूपण को प्रसामान्य (normal) होना जरूरी नहीं है। कर्ज तथा मेयो (Kurtz & Mayo, 1950) के अनुसार "पियरसन r में प्रसामान्यता (normality) की पूर्णकल्पना नहीं की जाती है, किसी भी चर के निरूपण का आकार (sample) कुछ भी चरों न हो, इन दोनों चरों के रेखीम-संबंध की शक्ति (direction) का निर्धारण r द्वारा करना हमेशा उचित है।"

पियरसन r (Pearson r) की मात्रा (magnitude) शून्य (zero) अर्थात् 0.00 से 1.00 तक की होती है।

JANUARY 2013						
M	T	W	T	F	S	S
	1	2	3	4	5	
7	8	9	10	11	12	
14	15	16	17	18	19	
21	22	23	24	25	26	
28	29	30	31			

04

Monday

Questions for Practice -

2013
FEBRUARY

Q.1.

X	Y
65	60 - 1
72	65 - 2
49	40 - 3
58	52 - 4
70	67 - 5
58	60 - 6
47	45 - 7
52	44 - 8
N=8	

Q.2.

X	Y
10	20
18	35
16	40
15	16
13	19
18	35
20	41
25	42
12	20
14	19

Q.3. दो सेटों के बीच सहसंबंध गुणांक कार्ल पीयरसन विधि द्वारा ज्ञात करें।

Q.4. Product method द्वारा r ज्ञात करें।

set I	set II	X	Y
35	30	50	65
40	45	60	70
32	36	45	80
38	48	70	75
45	42	35	60
47	61	40	55
51	63	55	45
63	60	60	60
65	69	50	85
45	47	70	60

FEBRUARY 2013

M	T	W	T	F	S	S
			1	2	3	
4	5	6	7	8	9	10
11	12	13	14	15	16	17
18	19	20	21	22	23	24
25	26	27	28			

Chi-Square

काई-वर्ग

काई-वर्ग एक ऐसा अपांचलिक सांख्यिकी (non-parametric statistics) है जिसका प्रयोग काई-वर्ग को परिस्थितियों में विभिन्न उद्देश्यों से सफलतापूर्वक किया जाता है। गिलफोर्ड (Gillford, 1956) के अनुसार काई-वर्ग एक सामान्य उद्देश्यीय सांख्यिकी है। काई-वर्ग का संकेत (symbol) χ^2 है। कर्ज तथा मेयो (Kurtz & Mayo, 1980) के अनुसार "काई-वर्ग का प्रयोग प्राम: गट निश्चित करने के लिए किया जाता है कि क्या प्रेक्षित आवृत्तियों (observed frequencies) का सेट ऐसा है जो मात्र संयोग परिवर्तनों के कारण उन आवृत्तियों से भिन्न है जो किसी तरह के सिद्धांत के आधार पर प्रत्याशित (expected) हैं।"

काई-वर्ग का प्रयोग जैसे आकड़ों के साथ होता है जिसे आवृत्ति (frequency), समानुपात (proportion) या प्रतिशत (percentage) में दिखाया जा सकता है। सामान्यत: जब प्राप्त आवृत्ति (obtained frequency or observed frequency) को किसी प्रकल्पना (hypothesis) पर आधारित प्रत्याशित आवृत्ति (expected frequency) के साथ तुलना करना होता है, तो काई-वर्ग का प्रयोग करते हैं। इस सांख्यिकी के प्रयोग के लिए आवश्यक है कि आंकड़े (data) आवृत्तियों (frequency) के रूप में व्यक्त किये गये हों या उन्हें इस रूप में परिवर्तित किया जाना संभव हो। सूत्र के आधार पर काई-वर्ग को इस प्रकार से परिभाषित किया जा सकता है -

$$\chi^2 = \frac{(fo - fe)^2}{fe}$$

FEBRUARY 2013						
M	T	W	T	F	S	S
				1	2	3
4	5	6	7	8	9	10
11	12	13	14	15	16	17
18	19	20	21	22	23	24
25	26	27	28			

कार्ड-वर्ग के प्रमुख लाभ निम्नलिखित हैं -

(i) यदि आंकड़े आवृत्ति में हों तो कार्ड-वर्ग का प्रयोग तुरंत करीब समी प्रकार के व्यापारिक उद्देश्यों के लिए किया जाता है।

(ii) कार्ड-वर्ग द्वारा आसानी से यह पता चल जाता है कि प्राप्त आवृत्तियाँ किसी प्राक्कल्पना या सिद्धांत पर आधारित आवृत्तियों के आकार में अच्छी तरह फीट बैठती हैं या नहीं।

कार्ड-वर्ग की कुछ परिसीमाएँ (Limitations) भी हैं जो निम्नलिखित हैं -

(i) कार्ड-वर्ग द्वारा सिर्फ यह पता चलता है कि किसी एक चर पर का वर्गीकरण दूसरे चर पर के वर्गीकरण से संयोगवश से संबंधित है या नहीं।

(ii) कार्ड-वर्ग का प्रयोग उन आंकड़ों पर नहीं हो सकता जिसकी अभिव्यक्ति प्राप्तांकों (Scores) के रूप में हुई है तथा जिन्हें आवृत्ति में बदलना संभव नहीं होता है।

(iii) कार्ड-वर्ग एक अत्यन्त ही सरल एवं सुगम सांख्यिकी है जिसका गहन प्रयोग लोग वैसी परिस्थिति में भी कर देते हैं जहाँ उन्हें नहीं करना चाहिए।

इसके तुरंत से स्पष्ट है कि χ^2 का प्रयोग अनावैज्ञानिक तथा शैक्षिक सांख्यिकी में अधिक होता है क्योंकि यह एक सामान्य उद्देशीय सांख्यिकी है।

FEBRUARY 2013						
M	T	W	T	F	S	S
				1	2	3
4	5	6	7	8	9	10
11	12	13	14	15	16	17
18	19	20	21	22	23	24
25	26	27	28			

गणों पर

 χ^2 = काई वर्ग (chi-square) f_o = प्राप्त आवृत्ति (observed frequency) f_e = प्रत्याशित आवृत्ति (Expected frequency)

इस सूत्र से स्पष्ट है कि काई-वर्ग f_o तथा f_e के अन्तर के वर्ग को f_e से भाग देने पर प्राप्त भागफल है।

काई-वर्ग के कई प्रयोग हैं जिनमें से कुछ निम्नलिखित हैं -

- (i) काई-वर्ग का प्रयोग वितरण की प्रसामान्यता (normality) जाँचने में की जाती है जिसे समानुक्तता (Goodness-of-fit) की संज्ञा दी गई है।
- (ii) इसका दूसरा प्रमुख प्रयोग स्वतंत्रता प्रकल्पना (independent hypothesis) पर प्रत्याशित आवृत्तियों की तुलना प्राप्त आवृत्तियों (obtained frequencies) से करने में की जाती है।
- (iii) काई-वर्ग का प्रयोग समान प्रायिकता प्रकल्पना (equal probability hypothesis) पर प्रत्याशित आवृत्तियों (expected frequencies) की तुलना प्राप्त आवृत्तियों (observed frequencies) से करने में होता है।
- (iv) काई-वर्ग का प्रयोग कई महत्वपूर्ण सांख्यिकी की सार्थकता की जाँच करने में की जाती है। जैसे - फार्ड-गुणांक, केन्डाल संज्ञाति गुणांक तथा क्रुस्कल-वालिश परीक्षण आदि।

JANUARY 2013						
M	T	W	T	F	S	S
	1	2	3	4	5	6
7	8	9	10	11	12	13
14	15	16	17	18	19	20
21	22	23	24	25	26	27
28	29	30	31			